

1.1.1. $u(t) = e(t) + R.i(t)$
 $u(t) = k.\omega(t) + R.i(t)$

1.1.2. $J.\frac{d\omega(t)}{dt} = c_m(t) = k.i(t)$

1.1.3 D'après 1.1.2 $i(t) = \frac{u(t) - k\omega(t)}{R}$
 D'où $J.\frac{d\omega(t)}{dt} = c_m(t) = k.i(t) = k.\frac{u(t) - k\omega(t)}{R}$

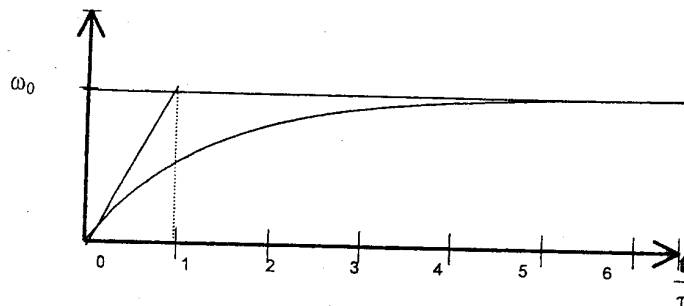
On a donc $\frac{d\omega(t)}{dt} + \frac{k^2}{R.J}\omega(t) = \frac{k}{R.J}u(t)$

1.1.4. $\omega(t) = \frac{U}{k} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ avec $\frac{U}{k} = 804 \text{ rad/s}$ et $\tau = \frac{R.J}{k^2} = 3,2 \text{ ms}$

En régime permanent $\omega_0 = 8020 \text{ tr.min}^{-1}$. Cette valeur est cohérente avec les données puisque l'on trouve une vitesse à vide supérieure à la vitesse nominale.

1.1.5 Temps de réponse à 5% : $t_r = 3 \tau = 9,6 \text{ ms}$

1.1.6. $\omega(t)$ en tr.mn^{-1}



1.1.7.

$$\tau p \Omega(p) + \Omega(p) = \frac{U(p)}{k} \Rightarrow \Omega(p) = \frac{U(p)}{k(1 + \tau.p)}$$

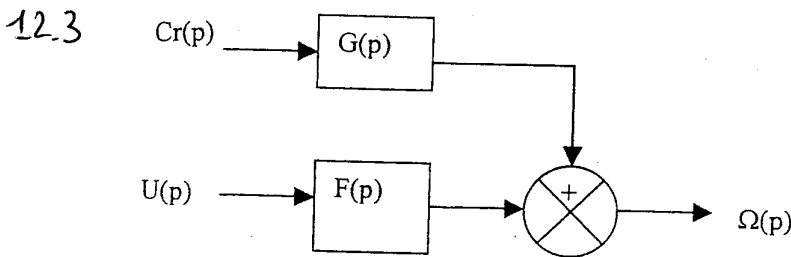
$$\Omega(p) = \frac{U_0}{k(1 + \tau.p)p} \quad \omega(t) = \frac{U_0}{k} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

12.1. $J \frac{d\omega}{dt} = k.i(t) - C_r(t)\omega$

12.2 $Jp\Omega(p) = k \times \frac{U(p) - k\Omega(p)}{R} - C_r(p)$; $\left(\frac{k^2}{R} + Jp\right)\Omega(p) = \frac{k}{R}U(p) - C_r(p)$

$\left(1 + \frac{JR}{k^2}p\right)\Omega(p) = \frac{1}{k}U(p) - \frac{R}{k^2}C_r(p)$; $\Omega(p) = \frac{1/k}{1 + \frac{JR}{k^2}p}U(p) - \frac{R/k^2}{1 + \frac{JR}{k^2}p}C_r(p)$

$\Omega(p) = \frac{1}{1 + \tau p} \frac{k}{k^2}U(p) - \frac{R}{1 + \tau p} \frac{R}{k^2}C_r(p)$



12.4 $\omega_{0r} = \frac{U_0}{k} - \frac{R}{k^2}C_{r0}$ Nouvelle vitesse 6970 tr.min⁻¹

13.1 $C_r(p)=0$
 $\Omega(p) = \frac{A}{k.(A+1)} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\tau}{A+1}p} V_E(p)$

avec $T_1 = \frac{A}{k.(A+1)}$ et $\tau_1 = \frac{\tau}{A+1}$

$\Omega(p) = -\frac{R}{k^2.(A+1)} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\tau}{A+1}p} C_r(p)$

avec $T_2 = -\frac{R}{k^2.(A+1)}$ et $\tau_2 = \tau_1$

13.2

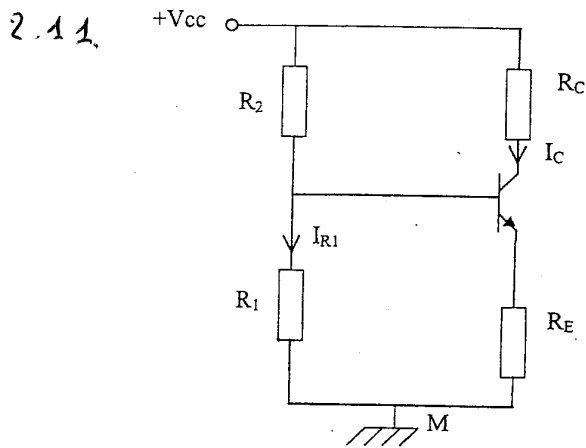
$\Omega_0 = T_1 V_{E0}$

$\omega_0 = V_{E0} \frac{A}{k.(A+1)}$

$V_{E0} = 126V$

13.3 $\omega_{1r} = T_1 V_{E0} + T_2 C_{r0}$ $\omega_{1r} = 7793 \text{ tr.min}^{-1}$

L'asservissement diminue la perte de vitesse causée par le couple résistant.



2.1.2 $I_C = \frac{V_{CC} - V_{CE}}{R_C + R_E}$; $I_C = 0,91 \text{ mA}$

2.1.3 $V_{BM} = V_{BE} + R_E I_E$; $V_{BM} = 2,6 \text{ V}$; $I_{R1} = 10 \frac{I_C}{\beta}$; $I_{R1} = 0,091 \text{ mA}$; $R_1 = \frac{V_{BM}}{I_{R1}}$; $R_1 = 29 \text{ k}\Omega$

2.1.4 $R_2 = \frac{V_{CC} - V_{BM}}{I_{R1} + I_B}$; $R_2 = 64 \text{ k}\Omega$

2.2.1 $Z=0 \Rightarrow jL\omega + \frac{1}{jC\omega} = 0 \Rightarrow \omega_s = \frac{1}{\sqrt{LC}}$

2.2.2 $\underline{Y}=0 \Rightarrow jC_0\omega + \frac{1}{jL\omega + \frac{1}{jC\omega}} = jC_0\omega + \frac{jC\omega}{1 - LC\omega^2} = 0 \Rightarrow \frac{jC_0\omega - jLC_0C\omega^3 + jC\omega}{1 - LC\omega^2} = 0$

$C_0 + C - LC_0C\omega^2 = 0 \Rightarrow \omega_p = \frac{1}{\sqrt{L \frac{CC_0}{C+C_0}}}$

2.2.3 $f_s = \frac{\omega_s}{2\pi}$; $f_s = 12,301 \text{ MHz}$;

$f_p = \frac{\omega_p}{2\pi}$; $f_p = 12,331 \text{ MHz}$

2.2.4.1

$$X = \frac{-1}{C_0 2\pi f} \times \frac{1 - \left(\frac{f}{f_s}\right)^2}{1 - \left(\frac{f}{f_p}\right)^2}$$

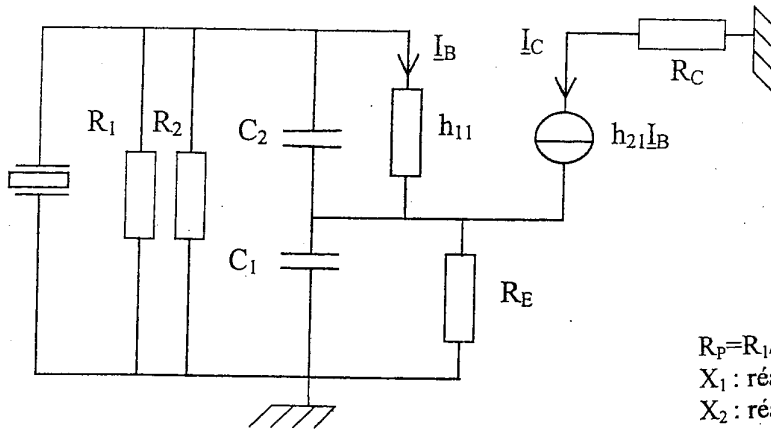
2.2.4.2

Pour $f < f_s$ le quartz est ... $X < 0$ capacitif.....

Pour $f_s < f < f_p$ le quartz est ... $X > 0$ inductif....

Pour $f > f_p$ le quartz est $X < 0$ capacitif.....

2.3.1.



$R_p = R_1 // R_2$;
 X_1 : réactance de C_1 ;
 X_2 : réactance de C_2 ;
 X : réactance du quartz

2.3.2.1 $\underline{T}_B = \frac{jX}{jX + jX_2}$ $\underline{T}_B = \frac{X}{X + X_2}$ \underline{T}_B est bien réelle

2.3.2.2 $\underline{Y}_e = \frac{1}{jX_1} + \frac{1}{jX_2 + jX}$ $\underline{Y}_e = -j \frac{X + X_1 + X_2}{X_1(X_2 + X)}$

2.3.3 $\underline{Y}_E = \frac{X_1 + X_2 + X}{jX_1(X + X_2)}$

2.3.4.1 $\underline{T}_{BO} = \underline{T}_A \times \underline{T}_B$ Oscillations si $\underline{T}_{BO} = 1$

2.3.4.2 Si $\underline{T}_{BO} = 1$ alors $\underline{T}_A(j\omega) \cdot \underline{T}_B(j\omega)$ est réel.
 On sait (2.3.2.1) que $\underline{T}_B(j\omega)$ est un réel, il faut donc que $\underline{T}_A(j\omega)$ soit elle aussi réelle or
 l'expression suivante $\underline{T}_A(j\omega) = \frac{1}{1 + \frac{h_{11}}{h_{21} + 1} \left(\frac{1}{R_E} + \underline{Y}_E \right)}$ ne peut être réelle que si \underline{Y}_E est réelle or
 d'après 2.3.3 \underline{Y}_E est un imaginaire pure, la seule solution est que $\underline{Y}_E = 0$

2.3.4.3 $\underline{Y}_e = 0 \Rightarrow X + X_1 + X_2 = 0$

2.3.4.4 Sachant que $X_1 = \frac{-1}{C_1\omega}$ et $X_2 = \frac{-1}{C_2\omega}$ il faut donc que X soit positif. Le quartz est donc homogène à une inductance à la fréquence des oscillations. Et donc d'après 2.2.4.2 $f_s < f < f_p$

2.3.4.5 D'après la courbe X est positif sur l'intervalle [12,3 MHz ; 12,33 MHz] ce qui correspond bien aux valeurs de f_s et f_p calculée à la question 2.2.3

2.3.5. La valeur de la fréquence pour laquelle $\underline{Y}_E = 0$ est légèrement inférieure à 12,307 MHz. Remarque cette fréquence est bien telle que $f_s < f < f_p$