

المستوى: الثالث ثانوي (علوم تجريبية) (3ASS) ملحق 2013

بكالوريا تجريبية للتعليم الثانوي فرع مادة الرياضيات المدة: 30 د



التمرين الأول: ( 3 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، نعتبر النقط :  
 $A(2; 4; 1)$ ،  $B(0; 4; -3)$ ،  $C(3; 1; -3)$ ،  $D(1; 0; -2)$ ،  $E(3; 2; -1)$ ،  $F(\frac{3}{5}; 4; -\frac{9}{5})$   
أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير.

1. معادلة المستوي  $(ABC)$  هي  $2x + 2y - z - 11 = 0$

2. النقطة  $E$  هي المسقط العمودي للنقطة  $D$  على المستوي  $(ABC)$

3. المستقيمان  $(AB)$  و  $(CD)$  متعامدان

4. المستقيم  $(CD)$  تمثيله الوسيط هو :  
$$\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = 1 - t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

التمرين الثاني: (5 نقاط)

$f$  الدالة المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = \frac{2x+2}{x+3}$

(C) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس ( ملاحظة: (C) على الوثيقة المرفقة )

1. استنتج من التمثيل البياني (C) للدالة  $f$  اتجاه تغيرها على المجال  $[0; 1]$

2. بين أنه إذا كان  $x \in [0; 1]$  فإن  $f(x) \in [0; 1]$

3. نعتبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بـ:  $u_0 = 0$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} = f(u_n)$

(أ) علم على محور الفواصل الحدود  $u_0, u_1, u_2, u_3$

(ب) ما هو تخمينك بالنسبة لاتجاه تغير وتقارب المتتالية  $(u_n)$

4. (أ) أثبت أنه من أجل عدد طبيعي  $n$  فإن  $u_n \in [0; 1]$

(ب) أثبت أنه من أجل عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} - u_n = \frac{(u_n + 2)(1 - u_n)}{u_n + 3}$  واستنتج اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$

(ج) أثبت أن المتتالية  $(u_n)$  متقاربة ثم احسب نهايتها.

التمرين الثالث: (5 نقاط)

في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$

حي قعلول سرج البحري - الجزائر

نعتبر النقط  $A, B, C$  صور الأعداد المركبة  $z_A = -2i$  ،  $z_B = -\sqrt{3} + i$  ،  $z_C = \sqrt{3} + i$

1. أ) اكتب  $z_A, z_B, z_C$  على الشكل الأسّي

ب) استنتج مركز ونصف قطر الدائرة  $(C)$  التي تشمل النقط  $A, B, C$

ج) علم النقط  $A, B, C$  ثم أرسم الدائرة  $(C)$

2. أ) اكتب العدد  $\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}$  على الشكل الجبري ثم على الشكل الأسّي

ب) استنتج طبيعة المثلث  $ABC$

3. ليكن  $r$  الدوران الذي مركزه  $A$  وزاويته  $\frac{\pi}{3}$

أ) بين أن النقطة  $O'$  ذات اللاحقة  $-\sqrt{3} - i$  صورة النقطة  $O$  بالدوران  $r$

ب) بين أن  $[O'C]$  قطرا للدائرة  $(C)$ .

ج) انشئ  $(C')$  صورة الدائرة  $(C)$  بالدوران  $r$ .

د) تحقق أن الدائرتين  $(C)$  و  $(C')$  تشتركان في النقطتين  $A$  و  $B$

4. أ) عين  $(E)$  مجموعة النقط  $M$  صورة  $z$  بحيث :  $|z| = |z + \sqrt{3} + i|$

ب) بين أن النقطتين  $A$  و  $B$  تنتميان إلى  $(E)$

التمرين الرابع: (7 نقاط)

أ) نعتبر  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = e^{x-2} + 1 - x$

1) بين أن  $g$  قابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R}$  ثم أحسب  $g'(x)$ .

2) عين اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

3) استنتج إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$ .

ب) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x - 1 + \frac{x}{e^{x-2}}$  و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى

معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

1) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x + 1]$  ماذا تستنتج بالنسبة للمنحنى  $(C_f)$ .

3) بين أن الدالة  $f$  قابلة للاشتقاق على المجال  $\mathbb{R}$  وأن:  $f'(x) = \frac{g(x)}{e^{x-2}}$

4) استنتج اتجاه تغير الدالة ثم شكل جدول تغيراتها وأن النقطة التي فاصلتها 2 نقطة انعطاف للمنحنى  $(C_f)$ .

5) بين أن المنحنى يقبل مماسا  $(\Delta)$  معامل توجيهه 1, يطلب تعيين معادلته.

6) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على المجال  $]0.1; 0.2[$ .

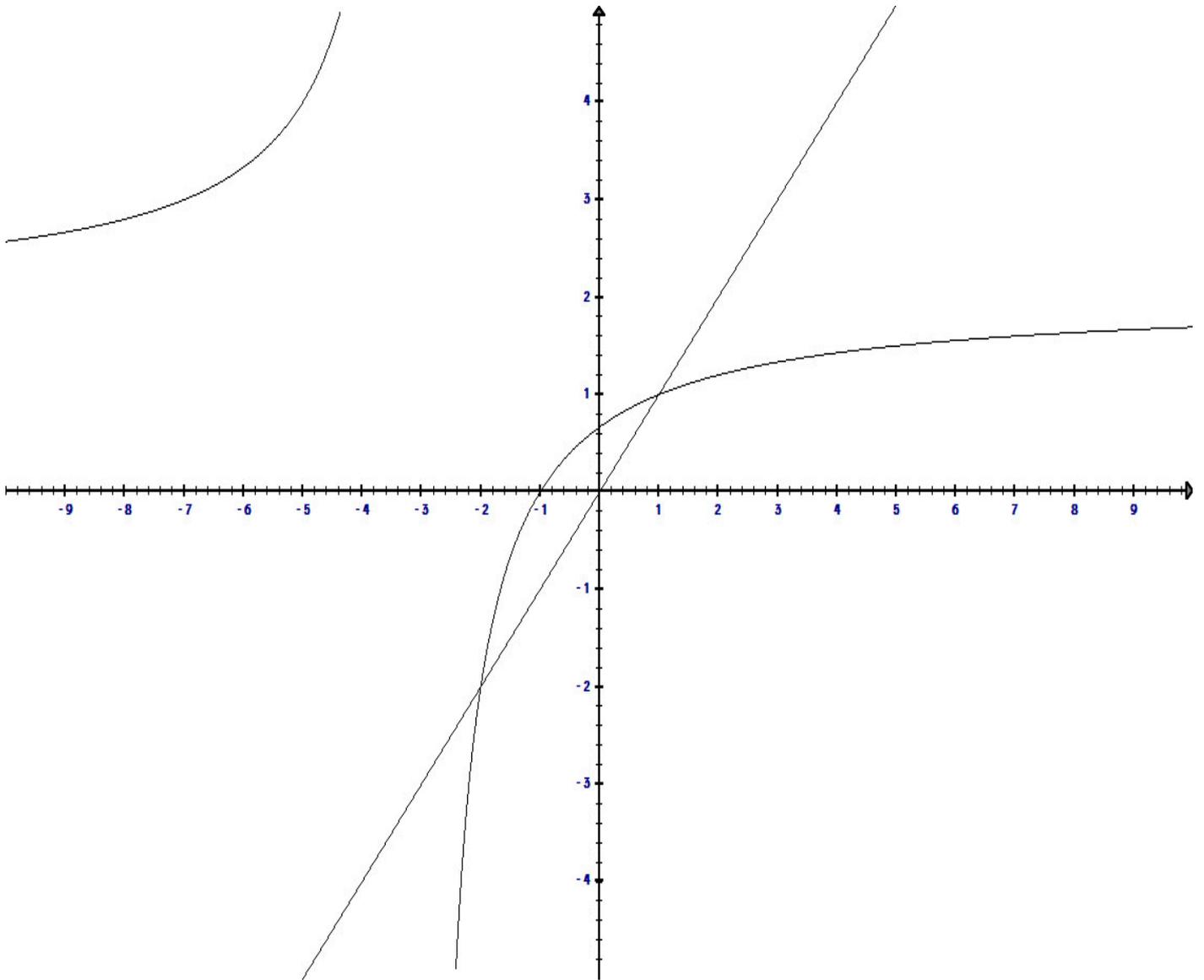
7) أرسم  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .

8) ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة:  $\frac{x}{e^{x-2}} = m + 1$

9) نعتبر الدالة  $h$  المعرفة على المجال بـ:  $h(x) = (x-1)(1+e^{3-x})$  و  $(C_h)$  المنحنى الممثل للدالة  $h$ .

بين أن:  $h(x) = f(x-1) + 1$  ثم استنتج كيفية إنشاء  $(C_h)$  انطلاقا من  $(C_f)$ . ثم ارسم  $(C_h)$ .

حي قعلول سرج البحري - الجزائر



حي قعلول سبرج البحري- الجزائر

Web site : [www.ets-salim.com](http://www.ets-salim.com) /021.87.16.89 : الفاكس - Tel-Fax : 021.87.10.51 : ☎

الإجابة النموذجية وسلم التقيط للموضوع رقم 1 شعبة : علوم تجريبية

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
3	0.75	<p><b>التمرين الأول:</b></p> <p>1 - صحيح لأن إحداثيات النقط C,B,A تحقق المعادلة المعطاة .....</p> <p>2 - خطأ لأن الشعاع الناظم للمستوي (ABC) والشعاع <math>\overrightarrow{ED}</math> غير مرتبطين خطياً .....</p> <p>3 - صحيح لأن <math>\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{CD} = 0</math> .....</p> <p>4 - خطأ لأن C لا تحقق الجملة .....</p>	الهندسة الفضائية
	0.75		
	0.75		
	0.75		
5	0.5	<p><b>التمرين الثاني:</b></p> <p>1 - الدالة <math>f</math> متزايدة تماماً .....</p> <p>2 - <math>0 \leq x \leq 1</math> فإن <math>f(0) \leq f(x) \leq f(1)</math> أي <math>0 \leq \frac{2}{3} \leq f(x) \leq 1</math> .....</p> <p>3 - أ- الرسم .....</p> <p>ب- التخمين: <math>f</math> متزايدة و متقاربة نحو 1 .....</p> <p>4 - أ باستعمال البرهان بالتراجع .....</p> <p>ب- إثبات العلاقة ، المتتالية متزايدة .....</p> <p>ج- متزايدة ومحدودة من الأعلى فهي متقاربة ، <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1</math> .....</p>	المتتاليات العددية
	0.5		
	0.5		
	0.5		
	1		
	0.5+0.5		
5	0.25	<p><b>التمرين الثالث:</b></p> <p>1.1) <math>Z_A = 2e^{-i\frac{\pi}{2}}</math> ، .....</p> <p><math> z_B  = 2</math> ، <math>\text{Arg}(z_B) = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi</math> ، <math>z_B = 2.e^{i\frac{5\pi}{6}}</math></p> <p><math> z_C  = 2</math> ، <math>\text{Arg}(z_C) = \frac{\pi}{6} + 2k\pi</math> ، <math>z_C = 2.e^{i\frac{\pi}{6}}</math> .....</p> <p>ب) <math> z_A  =  z_B  =  z_C  = 2</math> معناه <math>OA = OB = OC</math> النقط <math>A, B, C</math> تنتمي إلى الدائرة التي مركزها <math>O</math> و نص قطرها 2 .....</p> <p>ج- تعليم النقط <math>A, B, C</math> . رسم الدائرة (C) .....</p> <p>2- أ) الشكل الجبري <math>\frac{Z_B - Z_A}{Z_C - Z_A} = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i</math> .....</p> <p>الشكل الأسّي <math>\frac{Z_B - Z_A}{Z_C - Z_A} = e^{i\frac{\pi}{3}}</math> .....</p> <p>ب) المثلث <math>ABC</math> متقايس الأضلاع .....</p>	الأعداد المركبة
	0.50		
	0.50		
	0.25		
	0.25		
	0.25+0.25		
	0.5		
	0.25		
	0.25		
	0.25		

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
		<p>(أ-3) <math>Z_{O'} = -\sqrt{3} - i</math> ،</p> <p><math>Z_{O'} - Z_A = e^{i\frac{\pi}{3}}(Z - Z_A)</math> ، <math>Z_{O'} + 2i = e^{i\frac{\pi}{3}}(0 + 2i)</math></p> <p>(ب) <math>Z_{O'} + Z_C = 0</math> متناظرتين بالنسبة إلى O مركز (C) ، <math>O'</math> ، <math>C</math> متقابلتين</p> <p>قطريا.....</p> <p>(ج) رسم (C').....</p> <p>(د) بما أن A تنتمي إلى (C) و هي مركز الدوران r فهي A تنتمي إلى (C') و C من صورتها وفق r هي B إذن B تنتمي (C') إلى علما أن B نقطة من (C)</p> <p>(أ-4) <math> Z  =  Z + \sqrt{3} + i </math> ، <math>OM = O'M</math> ، (E) محور <math>[OO']</math>.....</p> <p>(ب) <math>OA = O'A = 2</math> ، <math>OB = O'B = 2</math> ، A;B نقطتان من محور <math>[OO']</math> أي من (E)</p>	
7		<p><b>التمرين الرابع</b></p> <p>I. الدالة عبارة عن مجموع دالتين قابلتين للاشتقاق على <math>\mathbb{R}</math> ..</p> <p><math>g'(x) = e^{x-2} - 1</math> ، .....</p> <p><math>g'(x) \leq 0</math> على المجال <math>[2, +\infty[</math> اذن دالة g متزايدة تماما</p> <p><math>g'(x) \leq 0</math> على المجال <math>]-\infty, 2]</math> اذن دالة g متناقصة تماما</p> <p><math>g(x) \geq 0</math> على <math>\mathbb{R}</math> .....</p> <p>II. <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty</math> <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty</math> 1</p> <p><math>\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x + 1] = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{e^{x-2}} = 0</math> ومنه <math>y = x - 1</math> مستقيم مقارب مائل للمنحنى</p> <p>بجوار <math>+\infty</math> .....</p> <p><math>f'(x) = \frac{g(x)}{e^{x-2}}</math> .....</p> <p><math>f'</math> من نفس اشارة g اذن الدالة متزايدة تماما على <math>\mathbb{R}</math> .....</p> <p>النقطة التي فاصلتها 2 هي نقطة انعطاف للمنحنى .....</p> <p>المنحنى يقبل مماسا (<math>\Delta</math>) معامل توجيهه 1 أي <math>f'(x) = 1</math> ومنه <math>x = 1</math> .....</p> <p>المماس (<math>\Delta</math>): <math>y = x - 1 + e</math> .....</p> <p>المعادلة <math>f(x) = 0</math> تقبل حلا وحيدا <math>\alpha</math> على المجال <math>]0.1; 0.2[</math> .....</p> <p>الرسم (<math>\Delta</math>) و (<math>C_f</math>) .....</p> <p>المناقشة البيانية وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة:</p> <p><math>\frac{x}{e^{x-2}} = m + 1</math> .....</p> <p><math>h(x) = f(x - 1) + 1</math> .....</p> <p>استنتاج المنحنى البياني (<math>C_h</math>) .....</p>	الدوال اللوغاريتمية