

تصحيح الموضوع الثاني

التمرين الاول $25 = 6 \times 3 + 1$ ومنه $a \equiv 1[3]$

(2) لدينا $2a^2 + 4 \equiv 6[3]$ ومنه $2a^2 + 4 \equiv 0[3]$

(3) $a^{360} \equiv 1^{360}[3]$ ومنه $a^{360} - 1 \equiv 0[3]$ أي $a^{360} - 1 \equiv 1 - 1[3]$

(4) لدينا بواقي قسمة 5^n على 3 هي

n	$2k$	$2k + 1$
بواقي قسمة 5^n على 3	1	2

(5) قيمة n هي $n = 2k + 1$

التمرين الثاني

1 اثبات ان (u_n) متتالية حسابية $u_{n+1} - u_n = r$ ومنه $u_{n+1} - u_n = 4$ نستنتج ان (u_n) متتالية

حسابية اساسها $r = 4$ وحدها الاول $u_0 = -5$

اثبات ان (w_n) متتالية هندسية $\frac{w_{n+1}}{w_n} = q$ ومنه $\frac{w_{n+1}}{w_n} = 3$ نستنتج ان (w_n) متتالية هندسية

اساسها $q = 3$ وحدها الاول $w_0 = 1$

المجموع الاول $S_1 = U_0 + U_1 + \dots + U_n$ أي $S_1 = \frac{(n+1)(4n-10)}{2}$ ومنه

$$S_1 = (n+1)(2n-5)$$

المجموع الثاني $S_2 = W_0 + W_1 + \dots + W_n$ أي $S_2 = \left(\frac{3^{n+1} - 1}{2} \right)$

المجموع الثالث $S_3 = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ ومنه $S_3 = s_1 + s_2$ أي

$$S_3 = \frac{(n+1)(4n-10) + (3^{n+1} - 1)}{2}$$