

العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	مجزأة	

الموضوع الأول

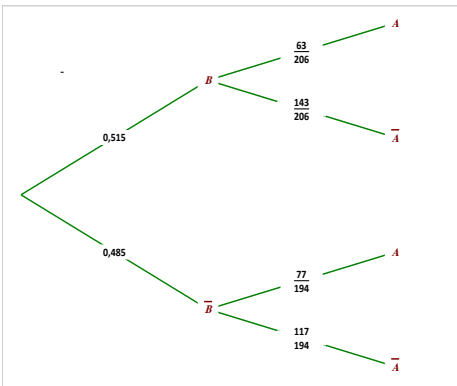
التمرين الأول: (04 نقاط)

01.50	0.25 0.25	<p>(1) أ) لما $n=0$ ؛ $u_0 = -2$ و $u_0 < 2$ فالخاصية صحيحة من أجل $n=0$</p> <p>نفرض $u_n < 2$ ومنه $u_{n+1} < 2$ أي $\frac{1}{2}u_n + 1 < 2$</p> <p>وعليه من أجل كل $n \in \mathbb{N}$: $u_n < 2$</p>
	0.25	
	0.50	
02.00	0.50	<p>(2) أ) أثبت أن المتتالية (v_n) هندسية $v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n$</p> <p>أساسها $q = \frac{1}{2}$</p> <p>حدها الأول $v_0 = -8$</p>
	0.25	
	0.25	
00.50	0.50	<p>ب) عبارة v_n بدلالة n : $v_n = -8 \times \left(\frac{1}{2}\right)^n$</p> <p>استنتاج عبارة u_n بدلالة n : $u_n = -4 \left(\frac{1}{2}\right)^n + 2$</p>
	0.50	
00.50	0.50	<p>(3) المجموع S_n : $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n = 8 \left(\frac{1}{2}\right)^n + 2n - 6$</p>

التمرين الثاني : (04 نقاط)

01.50	0.50	<p>(1) نقل واكمال الشجرة</p>
		<p>$p_{A \cap B} = p_A \times p_{A B} = 0,1575$</p> <p>$p_{A \cap \bar{B}} = p_{A B} \times p_{\bar{B}} = 0,1925$</p>

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: تسيير واقتصاد/ بكالوريا استثنائية: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	مجزأة	
02.50	0.50 0.50	(2) أ) حساب الاحتمالات $P(B) = P(A \cap B) + P(\bar{A} \cap B) = 0,515$
	0.25 0.50	$P_B(A) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{63}{206}$ <p>لدينا $P(\bar{B}) = P(A \cap \bar{B}) + P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 1 - P(B) = 0,485$</p> $P_{\bar{B}}(A) = \frac{P(A \cap \bar{B})}{P(\bar{B})} = \frac{77}{194}$ <p>ومنه يكون لدينا</p>
	0.75	ب) انقل وأكمل الشجرة المقابلة . 
التمرين الثالث: (04 نقاط)		
02.00	01.00	1) أ) احسب إحداثيي النقطة المتوسطة G.
	01.00	ب) مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$
01.00	01.00	2) بيّن أنّ معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا هي : $y = -4,53x + 65,54$.
0.50	0.50	3) باستعمال التّعديل الخطّي السّابق ، قُدّر نسبة الأمية في سنة 2038 في هذا البلد.
0.50	0.50	4) ابتداءً من أيّ سنة تكون نسبة الأمية في هذا البلد أقل من 5%.
التمرين الرابع: (08 نقاط)		
01.75	0.25 0.50 0.25	1) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g . $g'(x) = 2 - e^{2x}$ <p>إشارة $g'(x)$</p> <p>g متناقصة تماماً على $[0; +\infty[$ ومنتزيدة تماماً على $]-\infty; 0]$</p>
	0.75	2) استنتج إشارة g(x) .
01.00	2x0.50	II) 1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

العلامة		عناصر الإجابة								
مجزأة	مجزأة									
01.25	0.50 0.50	$f'(x) = 2x - 1 - e^{2x} = g \quad x < 0$ جدول التغيرات								
	0.25	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td colspan="2" style="text-align: center;">-</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$+\infty$</td> <td>$-\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	$+\infty$	$f'(x)$	-		$f(x)$	$+\infty$
x	$-\infty$	$+\infty$								
$f'(x)$	-									
$f(x)$	$+\infty$	$-\infty$								
01.50	0.50	3 أ) تبين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $-0,25 < \alpha < -0,24$								
	0.50	ب) إثبات أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف A إحداثياتها $(0; \frac{-1}{2})$.								
	0.50	ج) كتابة معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة A $T: y = -2x - \frac{1}{2}$								
00.75	0.25	4 رسم (T)								
	0.50	5 رسم المنحنى (C_f)								
01.75	01	6 أ) المساحة $A(\alpha)$								
	0.75	ب) التحقق أن: $A(\alpha) = \frac{1}{3}(4\alpha^3 - 12\alpha^2 + 6\alpha + 3) \text{ cm}^2$.								

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: تسيير واقتصاد/ بكالوريا استثنائية: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	مجزأة	
الموضوع الثاني		
التمرين الأول: (04 نقاط)		
01.50	01.00 0.50	(1) إحداثيي النقطة المتوسطة $G(3;5,7)$ تمثيل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد
01.00	0.50 0.50	(2) $a = 0,56$ $b = 5.7 - 0.56(3) = 4.02$
0.75	0.25 0.50	(3) الهدف محقق مع التبرير : رتبة 2017 هي 8 ومنه $y = 0.56 \times 8 + 4.02 = 8.5$
0.75	0.25 0.50	(4) $0.56x + 4.02 > 10.17$ ومنه $x > 10.98$ وبتالي $x = 11$ إذن السنة هي 2020
التمرين الثاني: (04 نقاط)		
00.75	0.75	(1) $S_n = \frac{e^{2(n+1)} - 1}{e^2 - 1}$
01.50	0.50 2×0.50	-1 لدينا $w_n = u_n + v_n$ و $v_n = e^{2n}$ ومنه $u_n = 2n + 4$ (u_n) متتالية حسابية أساسها 2 وحدها الأول $u_0 = 4$
00.75	0.75	(2) اثبات أن: من أجل كل عدد طبيعي n ، $4 + 6 + 8 + \dots + (2n + 4) = (n + 1)(n + 4)$ ، يمكن اعتبار المجموع كمجموع n حدا متتاليا لمتتالية حسابية حدها الأول 4 وأساسها 2 او بالبرهان بالتراجع .
01.00	01.00	(3) $T_n = (n + 1)(n + 4) + \frac{e^{2(n+1)} - 1}{e^2 - 1}$
التمرين الثالث: (04 نقاط)		
00.50	0.25 0.25	(1) الإجابة الصحيحة هي (ب) $p(B) = 0.075$ التعليل: $p(B) = \frac{p(A \cap B)}{p(A)} = \frac{0.03}{0.4} = 0.075$
01.00	0.25 0.75	(2) الإجابة الصحيحة هي (أ) $p(A) = \frac{3}{25}$ التعليل: $p(A) = \frac{p(A \cap B)}{p_A(B)} = \frac{\frac{3}{100}}{\frac{1}{4}} = \frac{3}{25} = 0.12$
01.00	0.25 0.75	(3) الإجابة الصحيحة هي (ب) $p(A \cap B) = 0.45$ التعليل: $p(A \cap B) = p(A) + p(B) + p(\overline{A \cup B}) - 1 = 0.4 + 0.5 + 0.55 - 1 = 0.45$

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: تسيير واقتصاد/ بكالوريا استثنائية: 2017

العلامة		عناصر الإجابة															
مجزأة	مجزأة																
01.50	0.50	<p>(4) الإجابة الصحيحة هي (ج) $p(X \geq 2) = 0.38$</p> <p>التعليل: $0.12 + 0.50 + \beta + 0.30 = 1$ ومنه $\beta = 0.08$</p> <p>$E(x) = -2 \times 0.12 - 1 \times 0.50 + \alpha \times 0.08 + 3 \times 0.30 = 0.16 + 0.08\alpha$</p> <p>ومنه $\alpha = 2$ $0.16 + 0.08\alpha = 0.32$</p>															
	0.50																
	0.50																
التمرين الرابع: (08 نقاط)																	
00.50	0.50	(I) حساب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty$															
01.50	0.50	<p>(2) $g'(x) = 3x^2 - 2x = x(3x - 2)$</p> <p>إشارة $g'(x)$</p> <p>g متزايدة تماما على المجالين $]-\infty; 0]$ و $[\frac{2}{3}; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]0; \frac{2}{3}]$</p> <p>جدول التغيرات:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>$\frac{2}{3}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$g'(x)$</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>$g(x)$</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>$-\frac{31}{27}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	0	$\frac{2}{3}$	$+\infty$	$g'(x)$	+	0	-	0	$g(x)$	$-\infty$	-1	$-\frac{31}{27}$	$+\infty$
	x		$-\infty$	0	$\frac{2}{3}$	$+\infty$											
	$g'(x)$		+	0	-	0											
$g(x)$	$-\infty$	-1	$-\frac{31}{27}$	$+\infty$													
0.25																	
0.25																	
0.50																	
00.50	0.50	(3) تبين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $1,46 < \alpha < 1,48$.															
00.50	0.50	(4) استنتج إشارة $g(x)$ حسب قيم x .															
		$g(x) < 0$ من أجل $x \in]-\infty; \alpha[$ و $g(x) > 0$ من أجل $x \in]\alpha; +\infty[$ و $g(\alpha) = 0$															
01.00	01.00	(I) من أجل كل q من $]0; +\infty[$: $C'_M(q) = \frac{q^3 - q^2 - 1}{q^2 + 1}$															
02.00	01.00	<p>(2) إشارة $C'_M(q)$ من إشارة $g(q)$ منه $q = \alpha$</p> <p>C_M متناقصة تماما على $]q; +\infty[$ و متزايدة تماما على $]0; q[$.</p> <p>جدول التغيرات:</p>															
	01.00																
01.00	01.00	(3) عدد الوحدات هو: $q = \alpha \times 100 = 147$ وحدة بكلفة															
01.00	01.00	(4) الكلفة الإجمالية C لإنتاج 2 طن هي $390000DA$															